



الأسس

★ الفائدة من استخدام الأسس هي تبسيط و تسهيل التعامل مع الأرقام الكبيرة جداً أو الأرقام الصغيرة جداً .

- مثلاً سرعة الضوء تساوي (300000000 m/s) يمكن كتابتها بالصورة الأسية كالتالي (3×10^8 m/s) .

★ الشكل العام للأسس :

$$X \times Y^n$$

- حيث أن :

X : المعامل (رقم) .

Y : الأساس .

n : الأس (القوة) .

مثال :

$$8 \times 10^9$$

8 : المعامل .

10 : الأساس .

9 : الأس .

ملاحظة : أي رقم أس صفر يساوي 1 ، مثل : $10^0 = 1$

★ الأس الموجب :

$$10^1 = 10 = 1 \times 10$$

$$10^2 = 10 \times 10 = 100$$

$$10^3 = 10 \times 10 \times 10 = 1000$$

★ الأس السالب :

$$\frac{1}{x^n} = x^{-n}$$

$$\frac{1}{10} = 10^{-1}$$

$$\frac{1}{100} = \frac{1}{10^2} = 10^{-2}$$

$$\frac{1}{1000} = \frac{1}{10^3} = 10^{-3}$$



★ التعامل مع الأصغر :

- يمكن كتابة الأرقام مع الأس بصور مختلفة لتسهيل التعامل مع المسائل الرياضية .

مثال :

$$3 \times 10^3 = 30 \times 10^2 = 300 \times 10^1 \quad (\text{تكبير الرقم})$$

$$= 0.3 \times 10^4 = 0.03 \times 10^5 = 0.003 \times 10^6 \quad (\text{تصغير الرقم})$$

القاعدة :

- عند تكبير الرقم منزلة واحدة نقلل الأس منزلة واحدة .
- عند تصغير الرقم منزلة واحدة نكبر الأس منزلة واحدة .

أمثلة :

1- $400 \times 10^2 = 40 \times 10^3 = 4 \times 10^4$

2- $6000 \times 10^6 = 600 \times 10^7 = 60 \times 10^8 = 6 \times 10^9$

3- $9500 \times 10^3 = 950 \times 10^4 = 95 \times 10^5 = 9.5 \times 10^6$

4- $0.03 \times 10^9 = 0.3 \times 10^8 = 3 \times 10^7$

5- $500 = 50 \times 10^1 = 5 \times 10^2$

6- $5 \times 10^{-3} = 50 \times 10^{-4} = 500 \times 10^{-5}$

7- $920 \times 10^{-6} = 92 \times 10^{-5} = 9.2 \times 10^{-4} = 0.92 \times 10^{-3}$

8- $200 \times 10^{-2} = 20 \times 10^{-1} = 2 \times 10^0 = 2 \times 1 = 2$

9- $30 \times 30 = 900 = 9 \times 10^2$

10- $8.5 \times 10^{-12} = 85 \times 10^{-13} = 850 \times 10^{-14}$

11- $0.04 = 0.4 \times 10^{-1} = 4 \times 10^{-2}$

12- $0.0082 = 0.082 \times 10^{-1} = 0.82 \times 10^{-2} = 8.2 \times 10^{-3} = 82 \times 10^{-4} = 820 \times 10^{-5}$

13- $13000 \times 10^{-2} = 1300 \times 10^{-1} = 130 \times 10^0 = 130 \times 1 = 130$



قواعد الأسس :

القاعدة	مثال
$(X \times Y)^n = X^n \times Y^n$	$(3 \times 10)^3 = 3^3 \times 10^3 = 27 \times 10^3$
$\left(\frac{x}{y}\right)^n = \frac{x^n}{y^n}$	$\left(\frac{2}{10}\right)^2 = \frac{2^2}{10^2} = 4 \times 10^{-2}$
$(x^n)^m = x^{n \times m}$	$(10^2)^3 = 10^{2 \times 3} = 10^6$
$\frac{1}{x^n} = x^{-n}$	$\frac{1}{10^2} = 10^{-2}$
$\sqrt[m]{x^n} = x^{\frac{n}{m}}$	$\sqrt{10^4} = 10^{\frac{4}{2}} = 10^2$

قواعد الضرب و القسمة في الأسس :

- في حالة الضرب **تجمع** الأسس .

- في حالة القسمة **تطرح** الأسس .

أمثلة :

1- $10^2 \times 10^4 = 10^6$

2- $10^6 \times 10^{-2} = 10^4$

3- $300 \times 10^6 \times 10^5 = 300 \times 10^{11} = 3 \times 10^{13}$

4- $7 \times 10^2 \times 5 \times 10^3 = 35 \times 10^5$

5- $0.005 \times 10^{-3} \times 200 \times 10^8 = 5 \times 10^{-6} \times 2 \times 10^{10} = 10 \times 10^4 = 1 \times 10^5$

6- $(3 \times 10^4)^2 \times 2 \times 10^{-3} = 9 \times 10^8 \times 2 \times 10^{-3} = 18 \times 10^5$

7- $\frac{10^4}{10^2} = 10^2$

8- $\frac{16 \times 10^5}{2 \times 10^2} = 8 \times 10^3$

9- $\frac{64 \times 10^6}{32 \times 10^{-3}} = 2 \times 10^9$

10- $\frac{45 \times 10^5}{5 \times 10^{-2}} = 9 \times 10^5 \times 10^2 = 9 \times 10^7$

11- $9 \times 10^9 \times \frac{6 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{6 \times 10^{-6}}{9 \times 10^{-4}} = 6 \times 10^9 \times 10^{-6} \times 10^4 = 6 \times 10^7$



قواعد الجمع و الطرح في الأسس :

- في حالة الجمع و الطرح للأسس يجب أن يكون الأساس و الأس موحد .

أمثلة :

1- $2 \times 10^4 + 3 \times 10^4 = 5 \times 10^4$

2- $9 \times 10^{-3} + 2 \times 10^{-3} = 11 \times 10^{-3}$

3- $12 \times 10^6 - 4 \times 10^6 = 8 \times 10^6$

4- $-3 \times 10^2 + 2 \times 10^2 = -1 \times 10^2$

5- $-6 \times 10^{-3} - 3 \times 10^{-3} = -9 \times 10^{-3}$

6- $300 \times 10^2 + 6 \times 10^4 = 3 \times 10^4 + 6 \times 10^4 = 9 \times 10^4$

7- $0.8 \times 10^{-6} - 4 \times 10^{-7} = 8 \times 10^{-7} - 4 \times 10^{-7} = 4 \times 10^{-7}$

8- $250 \times 10^{-4} + 25 \times 10^{-2} = 2.5 \times 10^{-2} + 25 \times 10^{-2} = 27.5 \times 10^{-2}$

9- $0.06 + 2 \times 10^{-2} = 6 \times 10^{-2} + 2 \times 10^{-2} = 8 \times 10^{-2}$

10- $-0.05 \times 10^{-4} - 200 \times 10^{-8} = -5 \times 10^{-6} - 2 \times 10^{-6} = -7 \times 10^{-6}$

11- $-9 \times 10^{-3} + 800 \times 10^{-5} = -900 \times 10^{-5} + 800 \times 10^{-5} = -100 \times 10^{-5} = -1 \times 10^{-3}$

12- $20 \times 10^{-4} + 3 \times 10^{-2} = 0.2 \times 10^{-2} + 3 \times 10^{-2} = 3.2 \times 10^{-2}$

13- $77 \times 10^2 + 0.22 \times 10^4 = 77 \times 10^2 + 22 \times 10^2 = 99 \times 10^2$

14- $8.8 \times 10^{-7} - -4.2 \times 10^{-7} = 13 \times 10^{-7}$



اختبر نفسك :

1- $3 \times 10^8 \times 10^6 =$

2- $0.2 \times 10^2 \times 3 \times 10^4 =$

3- $\frac{9 \times 10^{-4}}{3 \times 10^{-3}} =$

4- $9 \times 10^9 \frac{3 \times 10^{-12}}{(3 \times 10^{-2})^3} =$

5- $\sqrt[3]{10^9} \times \sqrt[4]{10^{12}} =$

6- $5 \times 10^2 \times 6 \times (10^{-2})^{-3} =$

7- $0.07 \times 10^{-6} - 40 \times 10^{-8} =$

8- $-0.25 \times 10^{-4} - 250 \times 10^{-8} =$

9- $0.08 - 7 \times 10^{-2} =$

10- $120 + 0.008 \times 10^3 =$

11- $(\frac{10^6}{10^2})^3 =$

12- $15 \times 10^{-6} + 2.2 \times (10^{-3})^2 =$

13- $2000 \times 10^{-9} - 1 \times (10^{-3})^2 =$

14- $8.36 \times 10^2 + 7.64 \times 10^2 =$

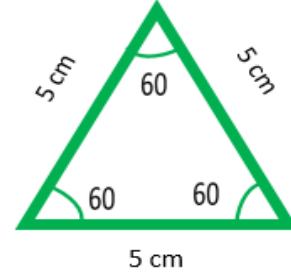
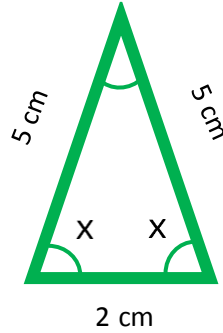
15- $80 \times 10^{-3} \times 3000 \times 10^9 =$

المثلثات

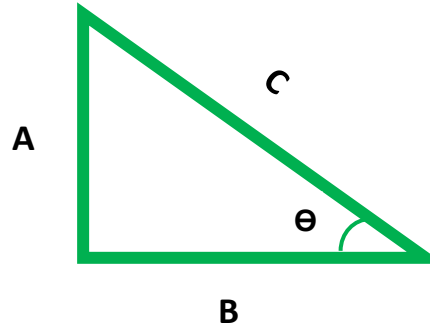
- مجموع زوايا المثلث = 180 .

- مثلث متساوي الأضلاع جميع زواياه تساوي 60 .

- المثلث متساوي الساقين زوايتي القاعدة متساويتين .



● مثلث قائم الزاوية :



- الوتر هو أطول ضلع في المثلث قائم الزاوية (c) .

- نظرية فيثاغورس :

$$\text{الوتر}^2 = \text{الضلع}^2 + \text{الضلع}^2$$

$$C^2 = A^2 + B^2$$

- الأقرانات المثلثية :

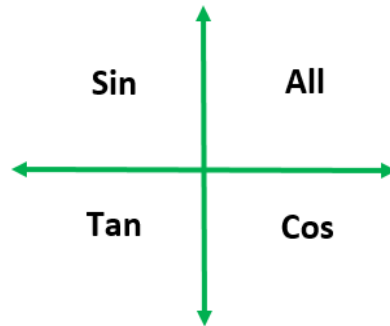
$$\sin(\Theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{A}{C}$$

$$\cos(\Theta) = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{B}{C}$$

$$\tan(\Theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{A}{B}$$

	sin	cos	tan
0	0	1	0
30	$\frac{1}{2}$	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{\sqrt{3}}$
45	$\frac{1}{\sqrt{2}} = 0.7$	$\frac{1}{\sqrt{2}} = 0.7$	1
60	$\frac{\sqrt{3}}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\sqrt{3}$
90	1	0	غير معرف

- الزوايا المكملة للزوايا المشهورة :



Sin	cos
$\sin(150) = \sin(30) = \frac{1}{2}$	$\cos(150) = -\cos(30) = -\frac{\sqrt{3}}{2}$
$\sin(120) = \sin(60) = \frac{\sqrt{3}}{2}$	$\cos(120) = -\cos(60) = -\frac{1}{2}$
$\sin(135) = \sin(45) = \frac{1}{\sqrt{2}}$	$\cos(135) = -\cos(45) = -\frac{1}{\sqrt{2}}$
$\sin(180) = \sin(0) = 0$	$\cos(180) = -\cos(0) = -1$

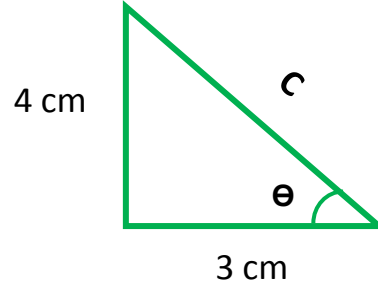


أمثلة :

ثوابت :

$$\cos(37) = 0.8, \sin(37) = 0.6, \cos(53) = 0.6, \sin(53) = 0.8$$

مثال 1 : جد طول الضلع c ، وجد $\sin(\theta)$ ، $\cos(\theta)$ ، $\tan(\theta)$ ، وجد مقدار θ .



الحل :

$$C^2 = A^2 + B^2$$

$$C^2 = 3^2 + 4^2 = 9 + 16 = 25$$

$$C^2 = 25$$

$$C = \sqrt{25} = 5 \text{ cm}$$

$$\sin(\theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{4}{5} = 0.8$$

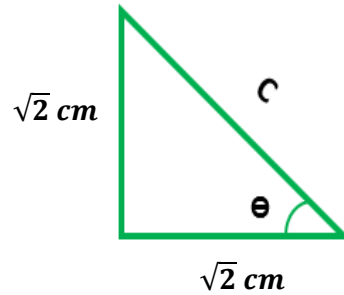
$$\theta = \sin^{-1}(0.8) = 53$$

$$\cos(\theta) = \frac{\text{المجاور}}{\text{الوتر}} = \frac{3}{5} = 0.6$$

$$\tan(\theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{4}{3}$$

مثال 2 : جد طول الضلع c .

الحل :



$$C^2 = A^2 + B^2$$

$$C^2 = (\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2$$

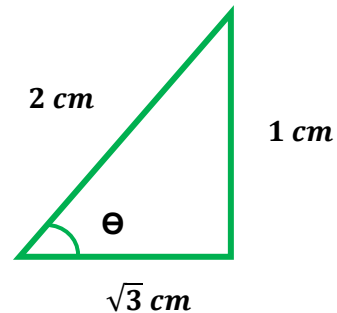
$$C^2 = 2 + 2 = 4$$

$$C = \sqrt{4}$$

$$C = 2 \text{ cm}$$

مثال 3 : جد مقدار الزاوية θ .

الحل :

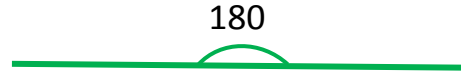


$$\sin(\theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{1}{2}$$

$$\theta = \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = 30$$



الزوايا



- زاوية الخط المستقيم = 180 .

مثال : جد مقدار الزاوية .

الحل :



$$\theta = 180 - 120 = 60$$

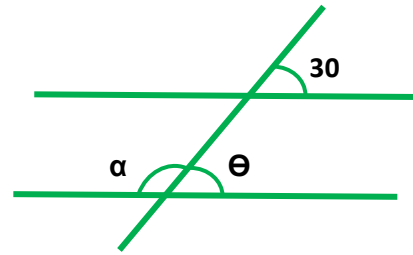
الزوايا المتبادلة و المتناظرة و المتقابلة بالرأس :

الزوايا المتقابلة بالرأس (X)	الزوايا المتناظرة (F)	الزوايا المتبادلة (Z)

أمثلة :

مثال 1 : جد مقدار الزاوية θ و الزاوية α .

الحل :

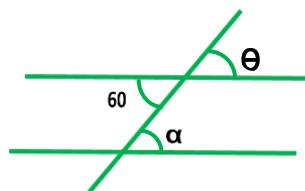


$$\theta = 30 \text{ (تناظر)}$$

$$\alpha = 180 - 30 = 150$$

مثال 2 : جد مقدار الزاوية θ و الزاوية α .

الحل :

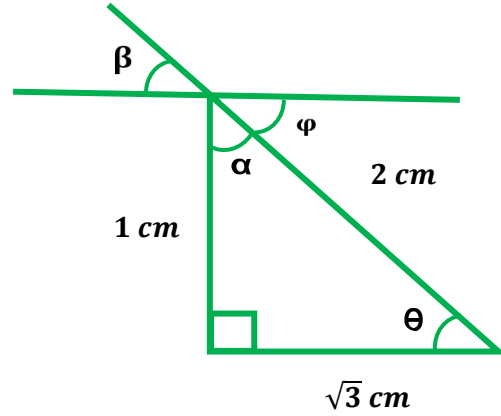


$$\theta = 60 \text{ (تقابل بالرأس)}$$

$$\alpha = 60 \text{ (التبادل)}$$



مثال 3 : جد مقدار الزاوية θ و φ و α و β .



الحل :

$$\sin(\theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{الوتر}} = \frac{1}{2}$$

$$\theta = \sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) = 30$$

$$\varphi = 30 \text{ (تبادل)}$$

$$\beta = 30 \text{ (تقابل بالرأس)}$$

$$\theta + \alpha + 90 = 180$$

$$30 + \alpha + 90 = 180$$

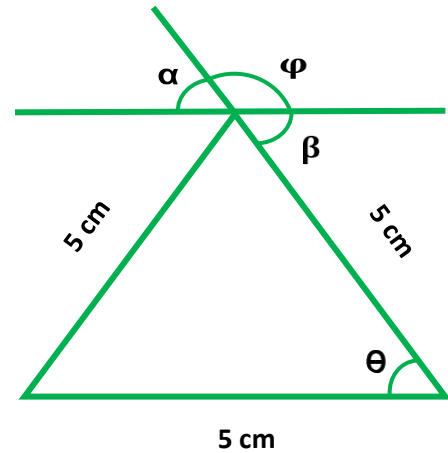
$$\alpha = 180 - 120 = 60$$

- مجموع زوايا المثلث = 180 :

اختبر نفسك :

- جد مقدار الزاوية θ و φ و α و β .

الحل :

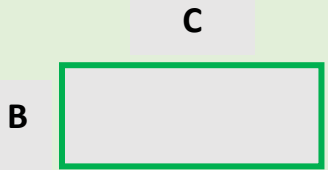
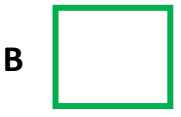
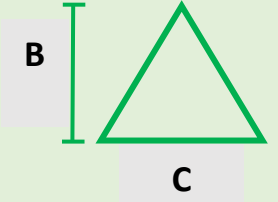
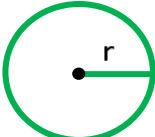




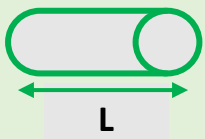

قوانين المساحات و الحجوم

- بعد واحد : الطول ويرمز له (L) ... يقاس بوحدة (m)
- بعدين : المساحة ويرمز لها (A) ... يقاس بوحدة (m²)
- ثلاثة أبعاد : الحجم ويرمز له (V) ... يقاس بوحدة (m³)

المساحات (m²) :

القانون	الشكل	
المساحة = الطول x العرض $A = B \times C$		المستطيل
المساحة = الضلع ² $A = B^2$		المربع
المساحة = $\frac{1}{2} \times$ القاعدة x الارتفاع $A = \frac{1}{2} \times C \times B$		المثلث
المساحة = πr^2 $A = \pi r^2$		الدائرة

الحجوم (m³) :

القانون	الشكل	
$V = \pi r^2 L$		الأسطوانة
حجم الكرة = $\frac{4}{3} \pi r^3$ $V = \frac{4}{3} \pi r^3$		الكرة

الرسم البياني

- نهتم في الفيزياء بتمثيل ورسم العلاقة بين المتغيرات الفيزيائية بيانياً (مثل العلاقة بين القوة الكهربائية و المسافة) .

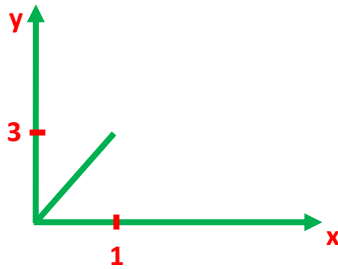
- الرسم البياني في الرياضيات يكون بين متغيرين (x, y) .

مثال:

$$Y = 3x$$

نعوض قيم (x) لكي نجد (y)

x	0	1
y	0	3



- هنا الاقتران (العلاقة بين x و y) خطي و تمثل بالرسم البياني المجاور

الاقترانات التي تهتمنا في الفيزياء و الرسم البياني لها :

الشكل	المعادلة	الاقتران
	رقم (ثابت) $y =$	الاقتران الثابت
	X ثابت $y =$	الاقتران الخطي
	X^2 ثابت $y =$	الاقتران التربيعي
	ثابت $y = \frac{1}{X^n}$	الاقتران النسبي (العكسي)



مثال : لرسم أفضل خط بياني يمثل العلاقة التالية :

1- العلاقة بين المجال الكهربائي المنتظم (E)

و المسافة بين الصفحتين (d) علماً أن :

$$E = \frac{\sigma}{\epsilon}$$

E = ثابت

Y = ثابت



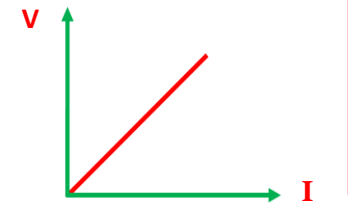
2- العلاقة بين الجهد الكهربائي (V) و التيار

الكهربائي (I) علماً أن :

$$V = I R$$

$$V = I R$$

Y = ثابت X



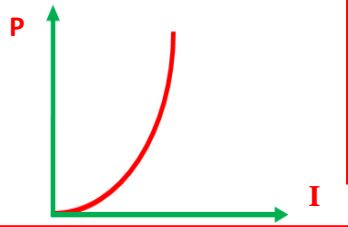
3- العلاقة بين القدرة الكهربائية (P) و التيار

الكهربائي (I) علماً أن :

$$P = R I^2$$

$$P = R I^2$$

Y = ثابت X^2



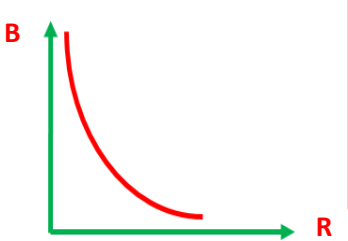
4- العلاقة بين المجال المغناطيسي (B) و

نصف القطر (R) علماً أن :

$$B = \frac{\mu_0 I N}{2 R}$$

$$B = \frac{\mu_0 I N}{2 R}$$

Y = ثابت X



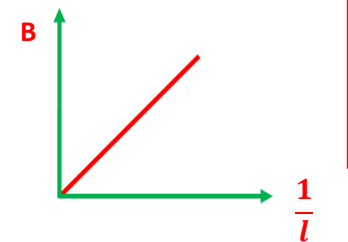
5- العلاقة بين المجال المغناطيسي (B) و

مقلوب الطول (1/l) علماً أن :

$$B = \frac{\mu_0 I N}{l}$$

$$B = \frac{\mu_0 I N}{l}$$

Y = ثابت X



وحدات القياس

الوحدات الأساسية :

اسم الوحدة	الرمز	وحدة القياس
الزمن (time)	t	ثانية (s) Second
الكتلة (mass)	m	كيلو غرام (kg) Kilogram
المسافة (distance)	d أو X	متر (m) Meter
التيار الكهربائي (current)	I	أمبير (A) Amper

الوحدات المشتقة :

- هي وحدات نحصل عليها من الوحدات الأساسية و لها أمثلة كثيرة منها :

اسم الوحدة	الرمز	وحدة القياس
المساحة (area)	A	م ² (m ²) Meter ²
القوة (force)	F	نيوتن (N) Newton
الشغل (work)	W	جول (J) Joule
التسارع (acceleration)	a	م / ث ² (m / s ²)
السرعة (velocity)	v	م / ث (m / s)
الطاقة (energy)	E	جول (J) Joule
الحجم (volume)	V	م ³ (m ³) Meter ³
الشحنة (charge)	q أو Q	كولوم (c) Coulomb

بادئات الـوحد و قيمتها :

اسم البادئة	الاختصار	القيمة
جيجا	G	10 ⁹
ميغا	M	10 ⁶
كيلو	k	10 ³
سنتي	c	10 ⁻²
ملي	m	10 ⁻³
ميكرو	μ	10 ⁻⁶
نانو	n	10 ⁻⁹
بيكو	p	10 ⁻¹²



ملاحظات :

1- للتحويل من g (غرام) الى kg (كيلوغرام) نضرب بـ 10^{-3} .

2- تحويلات الزمن :

$$1 \text{ min} = 60 \text{ s}$$

$$1 \text{ hour} = 60 \times 60 = 3600 \text{ s}$$

أمثلة :

حول الوحدات التالية :

$$1- 5 \text{ cm} = 5 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$$2- 6 \text{ mm} = 6 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$3- 80 \text{ km} = 80 \times 10^3 \text{ m}$$

$$4- 5 \text{ cm}^2 = 5 \times (10^{-2})^2 = 5 \times 10^{-4} \text{ m}^2$$

$$5- 15 \text{ mm}^2 = 15 \times (10^{-3})^2 = 15 \times 10^{-6} \text{ m}^2$$

$$6- 30 \text{ cm}^3 = 30 \times (10^{-2})^3 = 30 \times 10^{-6} \text{ m}^3$$

$$7- 66 \text{ mm}^3 = 66 \times (10^{-3})^3 = 66 \times 10^{-9} \text{ m}^3$$

$$8- 12 \text{ mc} = 12 \times 10^{-3} \text{ c}$$

$$9- 15 \text{ } \mu\text{c} = 15 \times 10^{-6} \text{ c}$$

$$10- 18 \text{ nc} = 18 \times 10^{-9} \text{ c}$$

$$11- 12 \text{ pc} = 12 \times 10^{-12} \text{ c}$$

$$12- 5 \text{ KN} = 5 \times 10^3 \text{ N}$$

$$13- 10 \text{ g} = 10 \times 10^{-3} \text{ kg}$$

$$14- 2 \text{ h} = 2 \times 60 \times 60 = 7200 \text{ s}$$

$$15- 3 \text{ min} = 3 \times 60 = 180 \text{ s}$$



اختبر نفسك :

1- 6 mm^2

2- 0.04 cm^3

3- $9 \times 10^{-3} \mu\text{c}$

4- 360 km/h

5- 720 km/min

6- 6000 g/cm

7- $6 \times 10^6 \text{ m N / c}$

8- 6 nc/cm^2

المتجهات

- الكميات تقسم الى قسمين :

1- كمية قياسية: يعبر عنها بالمقدار فقط مثل : الكتلة ، الحجم ، التدفق المغناطيسي . الخ .

2- كمية متجهة: يعبر عنها بالمقدار والاتجاه مثل : القوة ، الزخم الخطي ، الدفع ... الخ .

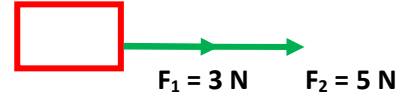
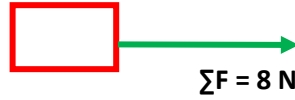
★ إيجاد محصلة المتجهات :

1- المتجهان في الاتجاه نفسه : نجمع مقدار المتجهين و يكون الاتجاه بنفس الاتجاه .

مثال : جد محصلة القوة .

الحل :

$$\Sigma F = F_1 + F_2 = 3 + 5 = 8 \text{ N}, +x$$



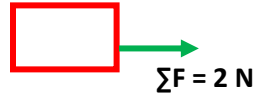
2- المتجهان في اتجاهين متعاكسين : نطرح المتجه الاكبر مقداراً من المتجه الاقل مقداراً و يكون

الاتجاه مع اتجاه المتجه الاكبر .

مثال : جد محصلة القوة .

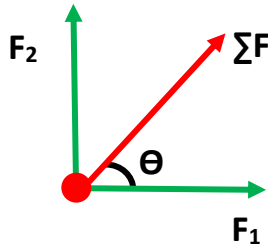
الحل :

$$\Sigma F = F_1 - F_2 = 6 - 4 = 2 \text{ N}, +x$$





3- المتجهان متعامدان (الزاوية بينهما 90): نجد المقدار من خلال نظرية فيثاغورس و الاتجاه من خلال $(\tan \Theta)$.



المقدار: $\Sigma F = \sqrt{(F_1)^2 + (F_2)^2}$

الاتجاه: باتجاه الزاوية المحصورة بين ΣF و F_1 (Θ).

$\tan (\Theta) = \frac{\text{المقابل}}{\text{المجاور}} = \frac{F_2}{\Sigma F}$

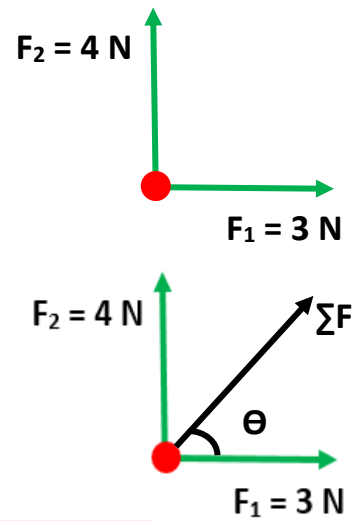
مثال: جد محصلة القوة .

الحل :

$$\begin{aligned} \Sigma F &= \sqrt{(F_1)^2 + (F_2)^2} \\ &= \sqrt{3^2 + 4^2} = \sqrt{9 + 16} = \sqrt{25} \\ &= 5 \text{ N} \end{aligned}$$

$$\tan (\Theta) = \frac{F_2}{F_1} = \frac{4}{3}$$

- الزاوية (Θ) محصورة بين ΣF و F_1



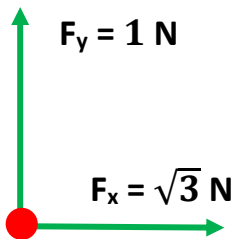
4- محصلة متجهين غير متعامدين (الزاوية مش 90): نحلل المتجهات على محور السينات و محور الصادات ثم نجد المحصلة عن طريق (الجمع أو الطرح أو فيثاغورس).

- عند تحليل المتجه :

- نضرب بـ $(\cos \Theta)$ للمتجه **القريب** منها .

- نضرب بـ $(\sin \Theta)$ للمتجه **البعيد** عنها .

مثال : حل المتجه التالي الى المركبة x و المركبة y.

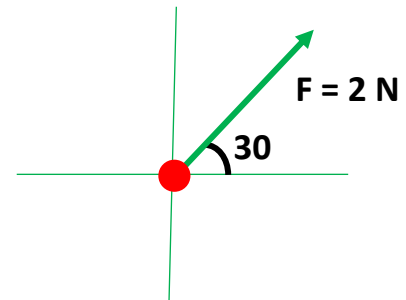


الحل :

$$\begin{aligned} F_x &= F \cos (30) = 2 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \text{ N, } +x \\ F_y &= F \sin (30) = 2 \times \frac{1}{2} = 1 \text{ N, } +y \end{aligned}$$

- هنا المركبة x (محور x) هي القريبة من الزاوية

30 لذلك عند التحليل نضرب بـ \cos .





$$F_y = 2\sqrt{3} \text{ N}$$

$$F_x = 4 \text{ N}$$

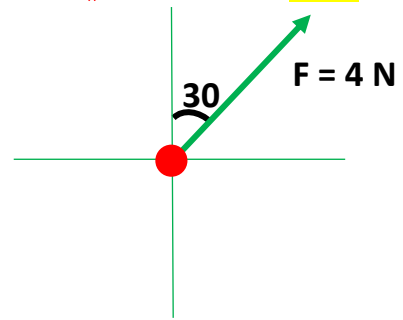
$$F_x = F \sin(30) = 4 \times \frac{1}{2} = 4 \text{ N}, +x$$

$$F_y = F \cos(30) = 4 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3} \text{ N}, +y$$

- هنا المركبة y (محور y) هي القريبة من الزاوية 30
لذلك عند التحليل نضرب بـ COS.

مثال : حل المتجه التالي الى المركبة x و المركبة y.

الحل :

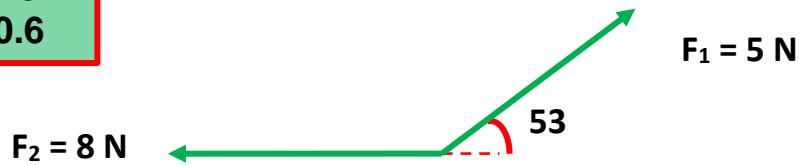


مثال : جد محصلة القوة .

إذا علمت أن :

$$\sin(53) = 0.8$$

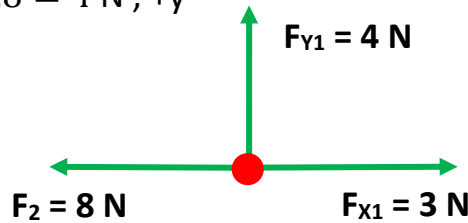
$$\cos(53) = 0.6$$



- نحلل (F1) الى مركبة x ومركبة y :

$$F_{x1} = F \cos(53) = 5 \times 0.6 = 3 \text{ N}, +x$$

$$F_{y1} = F \sin(53) = 5 \times 0.8 = 4 \text{ N}, +y$$



- نجد محصلة القوة على محور x :

$$F_x = F_2 - F_{x1} = 8 - 3 = 5 \text{ N}, -x$$

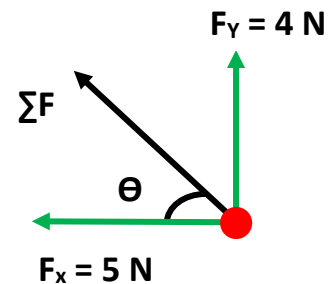
- نجد محصلة القوة على محور y :

$$F_y = F_{y1} = 4 \text{ N}, +y$$

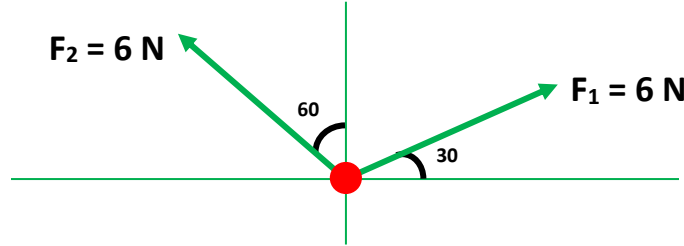
$$\begin{aligned} \Sigma F &= \sqrt{(F_x)^2 + (F_y)^2} \\ &= \sqrt{4^2 + 5^2} = \sqrt{16 + 25} = \sqrt{41} \text{ N} \end{aligned}$$

$$\tan(\theta) = \frac{F_y}{F_x} = \frac{4}{5}$$

الزاوية (θ) محصورة بين ΣF و Fx



مثال : جد محصلة القوة .



- نحلل (F_1) الى مركبة X ومركبة y :

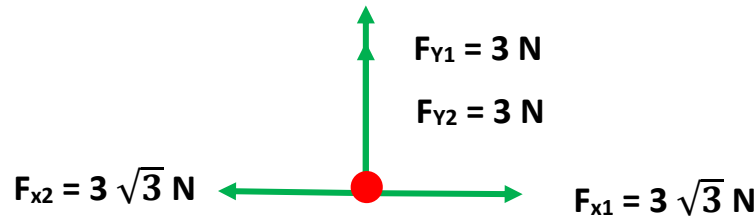
$$F_{x1} = F \cos (30) = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3} \text{ N}, +x$$

$$F_{y1} = F \sin (30) = 6 \times 0.5 = 3 \text{ N}, +y$$

- نحلل (F_2) الى مركبة X ومركبة y :

$$F_{x2} = F \sin (60) = 6 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 3\sqrt{3} \text{ N}, -x$$

$$F_{y2} = F \cos (60) = 6 \times 0.5 = 3 \text{ N}, +y$$



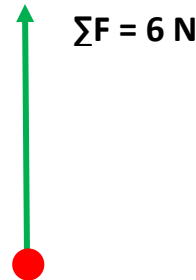
- نجد محصلة القوة على محور X :

$$F_x = F_{x2} - F_{x1} = 3\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 0$$

- نجد محصلة القوة على محور y :

$$F_y = F_{y1} + F_{y2} = 3 + 3 = 6 \text{ N}, +y$$

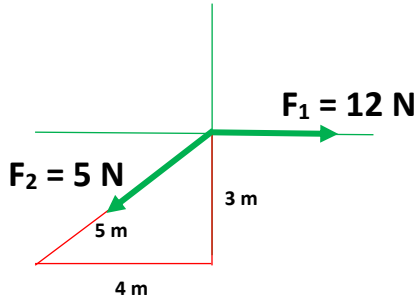
$$F_y = \sum F = 6 \text{ N}, +y$$





✦ اختبر نفسك :

- جد محصلة المتجهات التالية :



أنواع القوى

الشكل	الاتجاه	القانون	التعريف	نوع القوة
	تكون دائماً للأسفل نحو مركز الأرض (y-)	$F_g = mg$	هي قوة جذب الأرض للأجسام .	قوة الوزن (F_g)
	تكون دائماً باتجاه طول الحبل (نحو نقطة التعليق).	لا يوجد قانون محدد و تحسب من قانون نيوتن الثاني: $\Sigma F = ma$	هي قوة سحب تؤثر بالجسم عند ربطه بحبل أو خيط أو سلك .	قوة الشد (F_T)
	تكون دائماً باتجاه عامودي على سطح التلامس.	لا يوجد قانون محدد و تحسب من قانون نيوتن الثاني: $\Sigma F = ma$	هي قوة تلامس تنشأ عند ملامسة الجسم لسطح ما.	القوة العمودية (F_N)